

## Základní vzorce pro úpravy algebraických výrazů

$$\begin{aligned}a - (b + c) &= a - b - c, & a(b \pm c) &= ab \pm ac \\(a + b)^2 &= a^2 + 2ab + b^2, & (a - b)^2 &= a^2 - 2ab + b^2 \\(a + b)^3 &= a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3, & (a - b)^3 &= a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3 \\a^2 - b^2 &= (a - b)(a + b), & a^3 - b^3 &= (a - b)(a^2 + ab + b^2)\end{aligned}$$

## Vzorce pro počítání s mocninami a odmocninami

(pokud mají uvedené výrazy smysl)

$$\begin{aligned}a^r \cdot a^s &= a^{r+s}, & \frac{a^r}{a^s} &= a^{r-s}, & (a^r)^s &= a^{rs}, & (ab)^r &= a^r b^r, \\ \left(\frac{a}{b}\right)^r &= \frac{a^r}{b^r}, & a^{-r} &= 1/a^r, & a^{r/s} &= \sqrt[s]{a^r} & \sqrt[r]{ab} &= \sqrt[r]{a} \sqrt[r]{b}\end{aligned}$$

**Kvadratická rovnice**  $ax^2 + bx + c = 0$ ,  $a \neq 0$

má řešení  $x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{D}}{2a}$ , kde  $D = b^2 - 4ac$

**Základní vlastnosti logaritmu** ( $x > 0$ ,  $y > 0$ , základ  $a > 0$ ,  $a \neq 1$ )

$$\begin{aligned}\log_a xy &= \log_a x + \log_a y, & \log_a \left(\frac{x}{y}\right) &= \log_a x - \log_a y, & \log_a x^r &= r \log_a x \\ \log_a 1 &= 0, & \log_a \left(\frac{1}{x}\right) &= \log_a 1 - \log_a x = -\log_a x, & \log_a a &= 1\end{aligned}$$

**Goniometrické funkce, základní vzorce**

$$\operatorname{tg} x = \frac{\sin x}{\cos x}, \quad x \neq \frac{\pi}{2} + k\pi, \quad \operatorname{cotg} x = \frac{\cos x}{\sin x}, \quad x \neq k\pi$$

Pro každé  $\alpha \in \mathbb{R}$  platí:

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1, \quad \sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cos \alpha, \quad \cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$$

**Aritmetická posloupnost**

je zadána rekurentním vztahem  $a_{n+1} = a_n + d$ , kde  $d$  je diference,  $n \in \mathbb{N}$ , t.j. přirozené číslo  
 $n$ -tý člen:  $a_n = a_1 + (n-1)d$ , součet prvních  $n$  členů:  $s_n = \frac{n}{2}(a_1 + a_n)$

**Geometrická posloupnost**

je zadána rekurentním vztahem  $a_{n+1} = a_n \cdot q$ , kde  $q$  je kvocient,  $n \in \mathbb{N}$ ,  
 $n$ -tý člen:  $a_n = a_1 \cdot q^{n-1}$ , součet prvních  $n$  členů:  $s_n = a_1 \frac{q^n - 1}{q - 1}$

**Komplexní čísla**

Imaginární jednotka  $i$ :  $i^2 = -1$

$$z = a + bi$$

algebraický tvar komplexního čísla  $z$

$$\bar{z} = a - bi$$

číslo komplexně sdružené s číslem  $z = a + bi$

$$|z| = \sqrt{a^2 + b^2}$$

absolutní hodnota (velikost) komplexního čísla  $z = a + bi$

$$z = |z|(\cos \alpha + i \sin \alpha)$$

goniometrický tvar komplexního čísla  $z$

Moivreův vzorec:

$$(\cos \alpha + i \sin \alpha)^n = \cos n\alpha + i \sin n\alpha$$